

الاسم:

الرقم الجامعي:

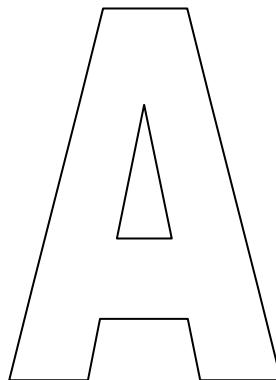
قسم الرياضيات.

Math 202.
Calculus 2.

Final Exam

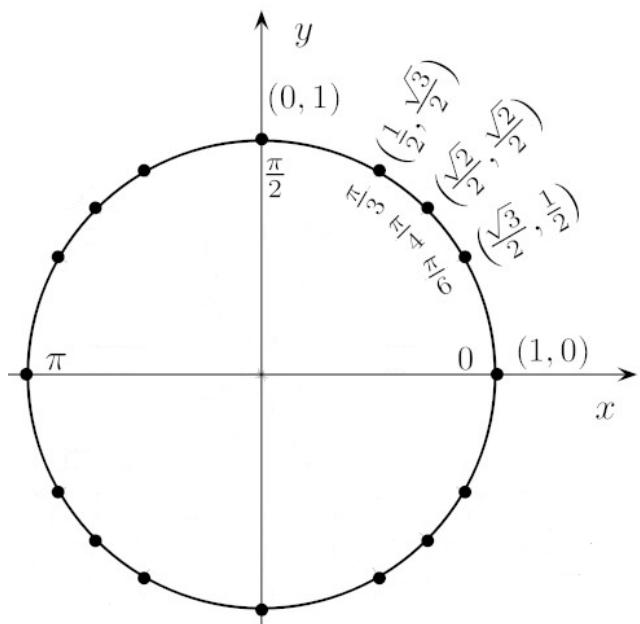
Date: Monday 13 / 2 / 1432.

Time: 08:00 to 10:00.

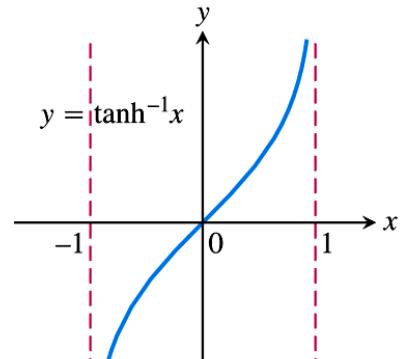
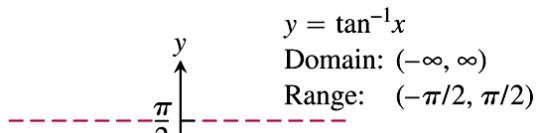


- تأكد من أن رمز نموذج الإجابة لديك هو A .
- أكتب اسمك على هذا النموذج ثم تأكد من تعبئة جميع بيانات نموذج الإجابة خاصة رقمك الجامعي.
- تأكد من تعبئة نموذج الحضور بصورة صحيحة.
- أجب عن جميع الأسئلة الآتية بتظليل الخيار الصحيح في نموذج الإجابة **بقلم الرصاص**.
- ممنوع استخدام الآلة الحاسبة.

هذه الصفحة تتضمن بعض القوانيين والمنحنيات التي قد تحتاجها لحل بعض أسئلة هذا الامتحان.



The Unit Circle



There is a symmetry about the origin

$$\sin mx \sin nx = \frac{1}{2} [\cos(m-n)x - \cos(m+n)x]$$

$$\cos^2 \theta = \frac{1 + \cos 2\theta}{2}$$

$$\sin mx \cos nx = \frac{1}{2} [\sin(m-n)x + \sin(m+n)x]$$

$$\sin^2 \theta = \frac{1 - \cos 2\theta}{2}$$

$$\cos mx \cos nx = \frac{1}{2} [\cos(m-n)x + \cos(m+n)x]$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\int \sqrt{a^2 - x^2} dx = \frac{x}{2} \sqrt{a^2 - x^2} + \frac{a^2}{2} \sin^{-1} \frac{x}{a} + C$$

$$\int x^2 \sqrt{a^2 - x^2} dx = \frac{a^4}{8} \sin^{-1} \left(\frac{x}{a} \right) - \frac{1}{8} x \sqrt{a^2 - x^2} (a^2 - 2x^2)$$

$$\int \left(\sqrt{x^2 - a^2} \right)^n dx = \frac{x \left(\sqrt{x^2 - a^2} \right)^n}{n+1} - \frac{na^2}{n+1} \int \left(\sqrt{x^2 - a^2} \right)^{n-2} dx , n \neq -1$$

$$\int x \left(\sqrt{x^2 - a^2} \right)^n dx = \frac{\left(\sqrt{x^2 - a^2} \right)^{n+2}}{n+2} + C , n \neq -2$$

Q1.

$$\sum_{k=1}^{20} (-2k) =$$

- | | | | |
|---------|----------|---------|----------|
| (A) 420 | (B) -420 | (C) 440 | (D) -440 |
|---------|----------|---------|----------|

Q2.

The limit: $\lim_{\|P\| \rightarrow 0} \sum_{k=1}^n c_k^2 \Delta x_k$, where P is a partition of $[0, 2]$ can be written as the definite integral

- | | | | |
|------------------------|-------------------------|-----------------------|-----------------------|
| (A) $\int_0^2 2x^2 dx$ | (B) $\int_0^2 x^2 x dx$ | (C) $\int_2^0 x^2 dx$ | (D) $\int_0^2 x^2 dx$ |
|------------------------|-------------------------|-----------------------|-----------------------|

Q3.

The total area of the region between the graph of $f(x) = x^2 - 4x + 3$ and the x -axis over $[0, 3]$ is

- | | | | |
|-------|-------------------|-------------------|--------------------|
| (A) 2 | (B) $\frac{7}{3}$ | (C) $\frac{8}{3}$ | (D) $-\frac{8}{3}$ |
|-------|-------------------|-------------------|--------------------|

السؤال رقم 4 هو تكرار للسؤال رقم 3 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

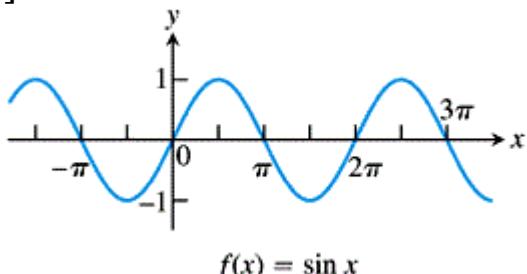
Q4.

The total area of the region between the graph of $f(x) = x^2 - 4x + 3$ and the x -axis over $[0, 3]$ is

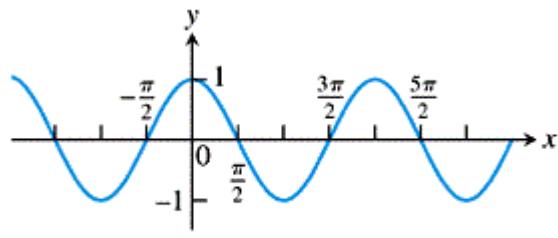
- | | | | |
|-------|-------------------|-------------------|--------------------|
| (A) 2 | (B) $\frac{7}{3}$ | (C) $\frac{8}{3}$ | (D) $-\frac{8}{3}$ |
|-------|-------------------|-------------------|--------------------|

Q5.

The area of the region enclosed by the curves $y = \sin x$ and $y = \cos x$ on $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{4}\right]$ is



$$f(x) = \sin x$$



$$f(x) = \cos x$$

- | | | | |
|-------|-----------|---------------------|---------------------|
| (A) 1 | (B) π | (C) $\frac{\pi}{3}$ | (D) $\frac{\pi}{4}$ |
|-------|-----------|---------------------|---------------------|

السؤال رقم 6 هو تكرار للسؤال رقم 5 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q6.

The area of the region enclosed by the curves $y = \sin x$ and $y = \cos x$ on $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{4}\right]$ is

- | | | | |
|-------|-----------|---------------------|---------------------|
| (A) 1 | (B) π | (C) $\frac{\pi}{3}$ | (D) $\frac{\pi}{4}$ |
|-------|-----------|---------------------|---------------------|

Q7.

$$\int_{-0.7}^{0.7} \tanh^{-1} x \, dx =$$

- | | | | |
|-----------|-------|--------------------|------------|
| (A) e^2 | (B) 0 | (C) $\frac{15}{4}$ | (D) 3π |
|-----------|-------|--------------------|------------|

Q8.

The length of the curve $y = x^{\frac{1}{2}} - \frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}}$, $1 \leq x \leq 4$ is

$$\text{Hint: } 1 + \frac{1}{4} \left(\frac{1}{x} - 2 + x \right) = \frac{1}{4} \left(x^{-\frac{1}{2}} + x^{\frac{1}{2}} \right)^2$$

- | | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| (A) $\frac{14}{3}$ | (B) $\frac{13}{3}$ | (C) $\frac{11}{3}$ | (D) $\frac{10}{3}$ |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|

السؤال رقم 9 هو تكرار للسؤال رقم 8 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q9.

The length of the curve $y = x^{\frac{1}{2}} - \frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}}$, $1 \leq x \leq 4$ is

- | | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| (A) $\frac{14}{3}$ | (B) $\frac{13}{3}$ | (C) $\frac{11}{3}$ | (D) $\frac{10}{3}$ |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|

Q10.

The integral for the area of the surface generated by revolving the curve $y = \tan x$, where $0 \leq x \leq \frac{\pi}{4}$, about x -axis is

- | | |
|--|--|
| (A) $\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sec x) \sqrt{1 + \sec^4 x} \, dx$ | (B) $2\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sec x) \sqrt{1 + \sec^2 x} \, dx$ |
| (C) $2\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\tan x) \sqrt{1 + \sec^4 x} \, dx$ | (D) $2\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sec x) \sqrt{1 + \sec^4 x} \, dx$ |

السؤال رقم 11 هو تكرار للسؤال رقم 10 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q11.

The integral for the area of the surface generated by revolving the curve $y = \tan x$, where $0 \leq x \leq \frac{\pi}{4}$, about x -axis is

(A)

$$\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sec x) \sqrt{1 + \sec^4 x} \ dx$$

(B)

$$2\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sec x) \sqrt{1 + \sec^2 x} \ dx$$

(C)

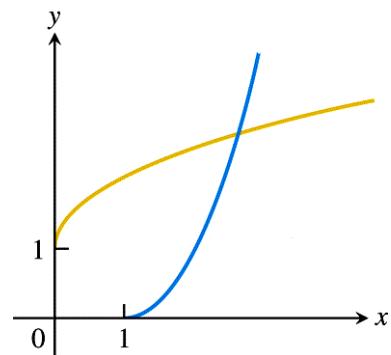
$$2\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\tan x) \sqrt{1 + \sec^4 x} \ dx$$

(D)

$$2\pi \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sec x) \sqrt{1 + \sec^4 x} \ dx$$

Q12.

The given graphs are of a function and its inverse



(A)

TRUE

(B)

FALSE

Q13.

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} x^{1/(1-x)} =$$

(A)

$$1$$

(B)

$$\frac{1}{e}$$

(C)

$$e^{1/e}$$

(D)

$$e$$

Q14.

$$\int 2^x \ln 2 \ dx =$$

(A)

$$2^x + C$$

(B)

$$2^{x+1} + C$$

(C)

$$2^{\ln x} + C$$

(D)

$$2^{x \ln 2} + C$$

Q15.

$$2^{\log_2 x} = x \text{ for all } x \in (-\infty, \infty).$$

(A)

TRUE

(B)

FALSE

Q16.

$$\frac{d}{dx} (\log_7 \operatorname{sech} x) =$$

(A) $\frac{\tanh x}{\ln 7}$

(B) $\frac{\operatorname{sech} x \tanh x}{\ln 7}$

(C) $-\frac{\tanh x}{(\ln 7) \operatorname{sech} x}$

(D) $-\frac{\tanh x}{\ln 7}$

Q17.

$$\text{If } x > 0, \quad \frac{d}{dx} (\operatorname{csch}^{-1} 2x) =$$

(A) $-\frac{2}{x\sqrt{1+4x^2}}$

(B) $\frac{2}{x\sqrt{1+4x^2}}$

(C) $-\frac{1}{x\sqrt{1+4x^2}}$

(D) $\frac{1}{x\sqrt{1+4x^2}}$

Q18.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{9^x - 1}{x} =$$

(A) $\ln 9$

(B) $\frac{\ln 9}{2}$

(C) 1

(D) does not exist

Q19.

$$\int \frac{3x + 2}{\sqrt{1-x^2}} dx =$$

(A) $-\sqrt{1-x^2} + \sin^{-1} x + C$

(B) $-3\sqrt{1-x^2} + 2\sin^{-1} x + C$

(C) $-3\sqrt{1-x^2} + \sin^{-1} x + C$

(D) $-\sqrt{1-x^2} + 2\sin^{-1} x + C$

السؤال رقم 20 هو تكرار للسؤال رقم 19 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q20.

$$\int \frac{3x + 2}{\sqrt{1-x^2}} dx =$$

(A) $-\sqrt{1-x^2} + \sin^{-1} x + C$

(B) $-3\sqrt{1-x^2} + 2\sin^{-1} x + C$

(C) $-3\sqrt{1-x^2} + \sin^{-1} x + C$

(D) $-\sqrt{1-x^2} + 2\sin^{-1} x + C$

Q21.

$$\int \frac{1}{\sec \theta + \tan \theta} d\theta =$$

(A) $\frac{\sec^2 \theta}{2} + \tan \theta + C$

(B) $\frac{\sec \theta}{2} + \tan \theta + C$

(C) $2 \ln|1 + \sin \theta| + C$

(D) $\ln|1 + \sin \theta| + C$

السؤال رقم 22 هو تكرار للسؤال رقم 21 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q22.

$$\int \frac{1}{\sec \theta + \tan \theta} d\theta =$$

- | | | | |
|---|---|----------------------------------|--------------------------------|
| (A) $\frac{\sec^2 \theta}{2} + \tan \theta + C$ | (B) $\frac{\sec \theta}{2} + \tan \theta + C$ | (C) $2 \ln 1 + \sin \theta + C$ | (D) $\ln 1 + \sin \theta + C$ |
|---|---|----------------------------------|--------------------------------|

Q23.

$$\int e^x \sin x \, dx =$$

- | | | | |
|---|---|---|---|
| (A) $\frac{e^x \sin x - e^x \cos x}{4} + C$ | (B) $\frac{e^x \sin x + e^x \cos x}{4} + C$ | (C) $\frac{e^x \sin x - e^x \cos x}{2} + C$ | (D) $\frac{e^x \sin x + e^x \cos x}{2} + C$ |
|---|---|---|---|

السؤال رقم 24 هو تكرار للسؤال رقم 23 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q24.

$$\int e^x \sin x \, dx =$$

- | | | | |
|---|---|---|---|
| (A) $\frac{e^x \sin x - e^x \cos x}{4} + C$ | (B) $\frac{e^x \sin x + e^x \cos x}{4} + C$ | (C) $\frac{e^x \sin x - e^x \cos x}{2} + C$ | (D) $\frac{e^x \sin x + e^x \cos x}{2} + C$ |
|---|---|---|---|

Q25.

$$\int \frac{16x^3}{4x^2 - 4x + 1} \, dx =$$

Hint: first use long division, then partial fraction. $4x^2 - 4x + 1 = (2x - 1)^2$.

- | | |
|--|--|
| (A) $2x^2 + 6 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ | (B) $2x^2 + 4x + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ |
| (C) $4x^2 + 4x + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ | (D) $4x^2 + 4x + 6 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ |
| (E) $2x^2 + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ | |

السؤال رقم 26 هو تكرار للسؤال رقم 25 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q26.

$$\int \frac{16x^3}{4x^2 - 4x + 1} \, dx =$$

- | | |
|---|--|
| (A) $2x^2 + 6 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ | (B) $2x^2 + 4x + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$ |
|---|--|

(C)	$4x^2 + 4x + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$	(D)	$4x^2 + 4x + 6 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$
(E)	$2x^2 + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$		

السؤال رقم 27 هو تكرار للسؤال رقم 25 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q27.

$$\int \frac{16x^3}{4x^2 - 4x + 1} dx =$$

(A)	$2x^2 + 6 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$	(B)	$2x^2 + 4x + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$
(C)	$4x^2 + 4x + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$	(D)	$4x^2 + 4x + 6 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$
(E)	$2x^2 + 3 \ln 2x - 1 - \frac{1}{2x - 1} + C$		

Q28.

$$\int \sin^7 y dy =$$

(A)	$-\cos y + \cos^3 y - 3 \frac{\cos^5 y}{5} + \frac{\cos^7 y}{7} + C$	(B)	$-\cos y + \frac{\cos^3 y}{3} - 3 \frac{\cos^5 y}{5} + \frac{\cos^7 y}{7} + C$
(C)	$\cos y + \frac{\cos^3 y}{3} - \frac{\cos^5 y}{5} + \frac{\cos^7 y}{7} + C$	(D)	$-\cos y + \frac{\cos^3 y}{3} - 3 \frac{\cos^5 y}{5} + 3 \frac{\cos^7 y}{7} + C$

السؤال رقم 29 هو تكرار للسؤال رقم 28 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q29.

$$\int \sin^7 y dy =$$

(A)	$-\cos y + \cos^3 y - 3 \frac{\cos^5 y}{5} + \frac{\cos^7 y}{7} + C$	(B)	$-\cos y + \frac{\cos^3 y}{3} - 3 \frac{\cos^5 y}{5} + \frac{\cos^7 y}{7} + C$
(C)	$\cos y + \frac{\cos^3 y}{3} - \frac{\cos^5 y}{5} + \frac{\cos^7 y}{7} + C$	(D)	$-\cos y + \frac{\cos^3 y}{3} - 3 \frac{\cos^5 y}{5} + 3 \frac{\cos^7 y}{7} + C$

Q30.

$$\int \cos 7x \cos x \, dx =$$

- | | | | |
|---|---|---|---|
| (A) $\frac{3\sin 6x}{6} + \frac{3\sin 8x}{8} + C$ | (B) $\frac{3\sin 6x}{12} + \frac{3\sin 8x}{16} + C$ | (C) $\frac{\sin 6x}{12} + \frac{\sin 8x}{16} + C$ | (D) $\frac{\sin 6x}{6} + \frac{\sin 8x}{8} + C$ |
|---|---|---|---|

السؤال رقم 31 هو تكرار للسؤال رقم 30 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q31.

$$\int \cos 7x \cos x \, dx =$$

- | | | | |
|---|---|---|---|
| (A) $\frac{3\sin 6x}{6} + \frac{3\sin 8x}{8} + C$ | (B) $\frac{3\sin 6x}{12} + \frac{3\sin 8x}{16} + C$ | (C) $\frac{\sin 6x}{12} + \frac{\sin 8x}{16} + C$ | (D) $\frac{\sin 6x}{6} + \frac{\sin 8x}{8} + C$ |
|---|---|---|---|

Q32.

$$\text{For } y > 7, \quad \int \frac{\sqrt{y^2 - 49}}{y} dy =$$

- | | |
|---|--|
| (A) $\sqrt{y^2 - 49} - \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ | (B) $7\sqrt{y^2 - 49} - \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ |
| (C) $\sqrt{y^2 - 49} - 7 \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ | (D) $7\sqrt{y^2 - 49} - 7 \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ |

السؤال رقم 33 هو تكرار للسؤال رقم 32 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q33.

$$\text{For } y > 7, \quad \int \frac{\sqrt{y^2 - 49}}{y} dy =$$

- | | |
|---|--|
| (A) $\sqrt{y^2 - 49} - \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ | (B) $7\sqrt{y^2 - 49} - \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ |
| (C) $\sqrt{y^2 - 49} - 7 \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ | (D) $7\sqrt{y^2 - 49} - 7 \sec^{-1}\left(\frac{y}{7}\right) + C$ |

Q34.

$$\int \sqrt{25 - z^2} dz =$$

- | | |
|--|--|
| (A) $\frac{5^4}{8} \sin^{-1}\left(\frac{z}{2}\right) - \frac{z\sqrt{25 - z^2} (25 - 2z^2)}{8} + C$ | (B) $\frac{z}{2} \sqrt{25 - z^2} + \frac{25}{2} \sin^{-1}\left(\frac{z}{2}\right) + C$ |
| (C) $\frac{5^4}{8} \sin^{-1}\left(\frac{z}{5}\right) - \frac{z\sqrt{25 - z^2} (25 - 2z^2)}{8} + C$ | (D) $\frac{z}{2} \sqrt{25 - z^2} + \frac{25}{2} \sin^{-1}\left(\frac{z}{5}\right) + C$ |

السؤال رقم 35 هو تكرار للسؤال رقم 34 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q35.

$$\int \sqrt{25 - z^2} dz =$$

(A)

$$\frac{5^4}{8} \sin^{-1}\left(\frac{z}{2}\right) - \frac{z\sqrt{25 - z^2}}{8} (25 - 2z^2) + C$$

(C)

$$\frac{5^4}{8} \sin^{-1}\left(\frac{z}{5}\right) - \frac{z\sqrt{25 - z^2}}{8} (25 - 2z^2) + C$$

(B)

$$\frac{z}{2} \sqrt{25 - z^2} + \frac{25}{2} \sin^{-1}\left(\frac{z}{2}\right) + C$$

(D)

$$\frac{z}{2} \sqrt{25 - z^2} + \frac{25}{2} \sin^{-1}\left(\frac{z}{5}\right) + C$$

Q36.

$$\int_{-\infty}^{-2} \frac{2}{x^2 - 1} dx =$$

(A)

π

(B)

$\ln 3$

(C)

$\frac{3\pi}{4}$

(D)

$\ln 4$

السؤال رقم 37 هو تكرار للسؤال رقم 36 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q37.

$$\int_{-\infty}^{-2} \frac{2}{x^2 - 1} dx =$$

(A)

π

(B)

$\ln 3$

(C)

$\frac{3\pi}{4}$

(D)

$\ln 4$

Q38.

$$\int_0^2 \frac{ds}{\sqrt{4 - s^2}} =$$

(A)

1

(B)

$\sqrt{3}$

(C)

π

(D)

$\frac{\pi}{2}$

السؤال رقم 39 هو تكرار للسؤال رقم 38 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q39.

$$\int_0^2 \frac{ds}{\sqrt{4 - s^2}} =$$

(A)

1

(B)

$\sqrt{3}$

(C)

π

(D)

$\frac{\pi}{2}$

Q40.

The improper integral $\int_0^3 \frac{1}{x-1} dx$ is

(A)

divergent

(B)

Convergent