

الاسم:

الرقم الجامعي:

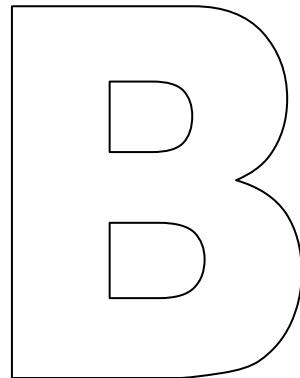
قسم الرياضيات.

math 202.
Calculus 2.

First Exam

Date: Sunday 11 / 4 / 1433 H.

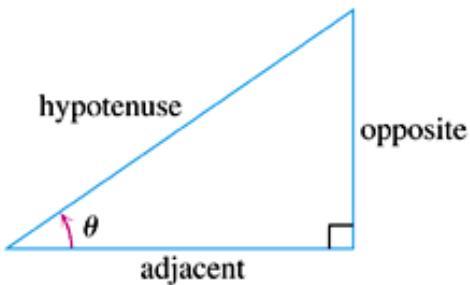
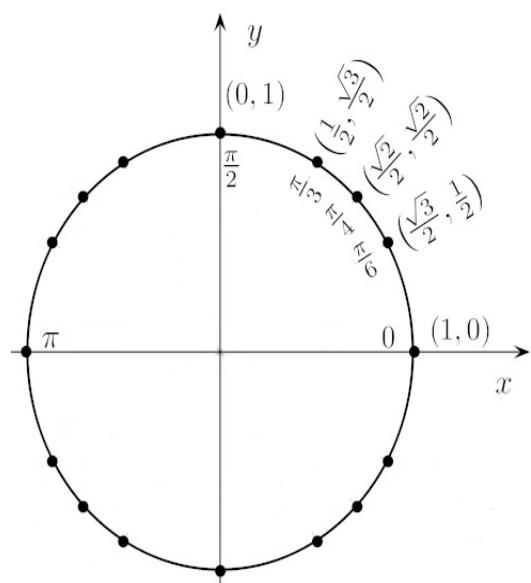
Time: from 20:45 to 22:15.



- تأكد من أن رمز نموذج الإجابة لديك هو B.
- أكتب اسمك على هذا النموذج ثم تأكد من تعبئة جميع بيانات نموذج الإجابة خاصة رقمك الجامعي و بقلم الرصاص.
- تأكد من تعبئة نموذج الحضور بصورة صحيحة.
- أجب عن جميع الأسئلة الآتية بتظليل الخيار الصحيح في نموذج الإجابة **بقلم الرصاص**.
- ممنوع استخدام الآلة الحاسبة.

هذه الصفحة تتضمن بعض القوانيين التي قد تحتاجها لحل بعض أسئلة هذا الامتحان.

The Unit Circle



$$\sin \theta = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}} \quad \csc \theta = \frac{\text{hyp}}{\text{opp}}$$

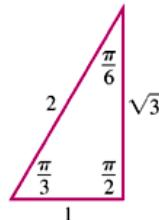
$$\cos \theta = \frac{\text{adj}}{\text{hyp}} \quad \sec \theta = \frac{\text{hyp}}{\text{adj}}$$

$$\tan \theta = \frac{\text{opp}}{\text{adj}} \quad \cot \theta = \frac{\text{adj}}{\text{opp}}$$

$$\cosh^2 x - \sinh^2 x = 1$$

$$\ln e^x = x \text{ for all } x.$$

$$e^{\ln x} = x \text{ for } x > 0.$$



$$\ln x^r = r \ln x \text{ for } x > 0 \text{ and any real number } r$$

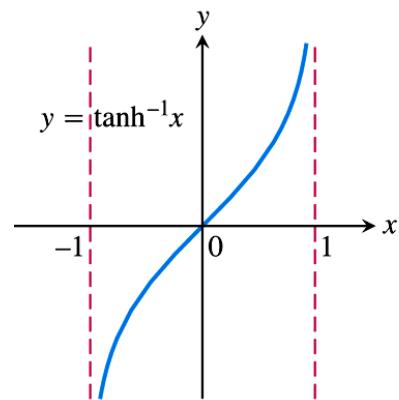
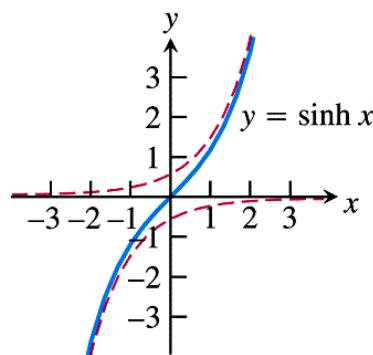
$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\int \frac{dx}{x^2 + a^2} = \frac{1}{a} \tan^{-1}\left(\frac{x}{a}\right) + C$$

$$\int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} = \sin^{-1}\left(\frac{x}{a}\right) + C$$

$$\sum_{i=1}^n i^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

$$\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$$



Q1.

Definition and figure 1 page 255

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \sinh x =$$

- | | | | | |
|-------|-------|--------|--------------|---------------|
| (A) 0 | (B) 1 | (C) -1 | (D) ∞ | (E) $-\infty$ |
|-------|-------|--------|--------------|---------------|

Q2.

Similar to problem 3, page 259

$$\cosh(\ln 4) =$$

- | | | | | |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| (A) $\frac{13}{8}$ | (B) $\frac{15}{8}$ | (C) $\frac{17}{8}$ | (D) $\frac{19}{8}$ | (E) $\frac{21}{8}$ |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|

Q3.

Similar to example 5, page 259

$$\frac{d}{dx} (\tanh^{-1}(\sin x)) =$$

- | | | | | |
|---------------|---------------|---------------|--------------|--------------|
| (A) $-\cos x$ | (B) $-\sin x$ | (C) $-\csc x$ | (D) $\sec x$ | (E) $\tan x$ |
|---------------|---------------|---------------|--------------|--------------|

Q4.

Table of identities, page 255

$$\operatorname{csch}^2 x - \coth^2 x =$$

- | | | | | |
|-------|--------|-------|-----------|--------------|
| (A) 1 | (B) -1 | (C) 0 | (D) e^x | (E) e^{2x} |
|-------|--------|-------|-----------|--------------|

Q5.

Similar to problem 30, page 348

If $f'(x) = 9x^2 - 6x - 8$ and $f(1) = 2$, then $f(x) =$

- | | |
|-----------------------------|-----------------------------|
| (A) $3x^3 - 3x^2 - 8x + 10$ | (B) $3x^3 - 3x^2 - 8x - 10$ |
| (C) $9x^3 - 6x^2 - 8x + 6$ | (D) $9x^3 - 6x^2 - 8x - 6$ |

Q6.

Similar to problem 8, page A38

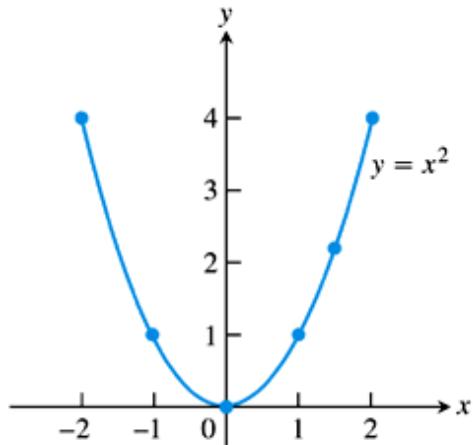
$$\sum_{i=2}^9 i^2 =$$

- | | | | | |
|----------|---------|---------|---------|---------|
| (A) -285 | (B) 284 | (C) 285 | (D) 385 | (E) 384 |
|----------|---------|---------|---------|---------|

Q7.

Similar to problem 3, page 364

The estimation of the area under the graph of $f(x) = x^2$ from $x = 0$ to $x = 2$ using two approximating rectangles and left endpoints is



| | | | | |
|----------|----------|----------|----------|----------|
| (A) 5 | (B) 4 | (C) 3 | (D) 2 | (E) 1 |
|----------|----------|----------|----------|----------|

Q8.

Similar to problem 17, page 377

The integral expression of $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^n (6x_i^2 + \sin x_i) \Delta x$ over the interval $[0, \pi]$ is

| | | | |
|--|--|--|--|
| (A) $\int_0^\pi (2x^3 - \cos x) dx$ | (B) $\int_0^\pi (2x^3 + \cos x) dx$ | (C) $\int_0^\pi (6x^2 - \sin x) dx$ | (D) $\int_0^\pi (6x^2 + \sin x) dx$ |
|--|--|--|--|

Q9.

Property 8, page 375

If $-1 \leq f(x) \leq 2$ for all $x \in [1, 3]$, then

| | | | |
|--|---|--|---|
| (A) $5 \leq \int_1^3 f(x) dx \leq 12$ | (B) $5 \leq \int_1^3 f(x) dx \leq 6$ | (C) $-2 \leq \int_1^3 f(x) dx \leq 4$ | (D) $-6 \leq \int_1^3 f(x) dx \leq -3$ |
|--|---|--|---|

Q10.

Property 5, page 374

If $\int_2^8 g(x) dx = 13$ and $\int_2^4 g(x) dx = 5$, then $\int_4^8 g(x) dx =$

| | | | | |
|----------|-----------|-----------|------------|----------|
| (A) 8 | (B) -8 | (C) 18 | (D) -18 | (E) 9 |
|----------|-----------|-----------|------------|----------|

Q11.

Definition, page 340

A function G is an antiderivative of a function g on the interval (c, d) if for all $x \in (c, d)$ we have

| | | | |
|------------------------------|--------------------------|--|------------------------------------|
| (A) $\int G(x) dx = g(x)$ | (B) $G(x) = g(x) + C$ | (C) $\frac{d^2}{dx^2}(G(x)) = g(x)$ | (D) $\frac{d}{dx}(G(x)) = g(x)$ |
|------------------------------|--------------------------|--|------------------------------------|

Q12.

FTC similar to example 4 page 384

$$\frac{d}{dx} \left(\int_1^{x^4} \sinh t dt \right) =$$

| | | | | |
|--------------------|--------------------------|-------------------------|--------------------------|-------------------------|
| (A) $\cosh x^4$ | (B) $-4x^3 \cosh x^4$ | (C) $4x^3 \cosh x^4$ | (D) $-4x^3 \sinh x^4$ | (E) $4x^3 \sinh x^4$ |
|--------------------|--------------------------|-------------------------|--------------------------|-------------------------|

Q13.

Similar to problem 29, page 388

$$\int_1^9 \frac{1-x}{\sqrt{x}} dx =$$

- | | | | | |
|--------|--------------------|--------------------|---------------------|---------------------|
| (A) 10 | (B) $\frac{40}{3}$ | (C) $\frac{34}{3}$ | (D) $-\frac{40}{3}$ | (E) $-\frac{34}{3}$ |
|--------|--------------------|--------------------|---------------------|---------------------|

Q14.

Property page 373

$$\int_2^2 \frac{\sinh^{-1} x}{2e^x} dx =$$

- | | | | | |
|-----------|------------|-------|----------------------|---------------------|
| (A) e^2 | (B) $2e^2$ | (C) 0 | (D) $-\frac{1}{e^2}$ | (E) $\frac{1}{e^2}$ |
|-----------|------------|-------|----------------------|---------------------|

Q15.

Similar to problem 60, page 407

$$\int_{-2}^2 \frac{\tanh x}{x^2+2} dx =$$

- | | | | | |
|------------------------|------------------------|------------------------|-------|----------------------|
| (A) $\frac{e^2+4}{32}$ | (B) $\frac{2-e^2}{32}$ | (C) $\frac{e^2-2}{32}$ | (D) 0 | (E) $\frac{e^2}{32}$ |
|------------------------|------------------------|------------------------|-------|----------------------|

Q16.

Similar to problem 30, page 407

$$\int \frac{\cos(\ln x)}{x} dx =$$

- | | | | | |
|------------------------|-----------------------|------------------------|-----------------------|------------------------------------|
| (A) $-\sin(\ln x) + C$ | (B) $\sin(\ln x) + C$ | (C) $-\cos(\ln x) + C$ | (D) $\cos(\ln x) + C$ | (E) $\frac{2\sin(\ln x)}{x^2} + C$ |
|------------------------|-----------------------|------------------------|-----------------------|------------------------------------|

السؤال رقم 17 هو تكرار للسؤال رقم 16 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q17.

$$\int \frac{\cos(\ln x)}{x} dx =$$

- | | | | | |
|------------------------|-----------------------|------------------------|-----------------------|------------------------------------|
| (A) $-\sin(\ln x) + C$ | (B) $\sin(\ln x) + C$ | (C) $-\cos(\ln x) + C$ | (D) $\cos(\ln x) + C$ | (E) $\frac{2\sin(\ln x)}{x^2} + C$ |
|------------------------|-----------------------|------------------------|-----------------------|------------------------------------|

Q18.

Similar to problem 18, page 406

$$\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \sec \theta \tan \theta d\theta =$$

- | | | | | |
|------------------------------|------------------------------|-------------------------------|------------------------------|-------|
| (A) $2 - \frac{2}{\sqrt{3}}$ | (B) $2 + \frac{2}{\sqrt{3}}$ | (C) $-2 - \frac{2}{\sqrt{3}}$ | (D) $\frac{2}{\sqrt{3}} - 2$ | (E) 0 |
|------------------------------|------------------------------|-------------------------------|------------------------------|-------|

السؤال رقم 19 هو تكرار للسؤال رقم 18 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q19.

$$\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \sec \theta \tan \theta d\theta =$$

- | | | | | |
|------------------------------|------------------------------|-------------------------------|------------------------------|-------|
| (A) $2 - \frac{2}{\sqrt{3}}$ | (B) $2 + \frac{2}{\sqrt{3}}$ | (C) $-2 - \frac{2}{\sqrt{3}}$ | (D) $\frac{2}{\sqrt{3}} - 2$ | (E) 0 |
|------------------------------|------------------------------|-------------------------------|------------------------------|-------|

Q20.

FTC and derivative table page 256

If $\int f(x)dx = F(x) + C$, then $\frac{d}{dx}(F(x) + \operatorname{sech} x) =$

| | |
|--|--|
| (A) $f'(x) - \operatorname{sech} x \tanh x$ | (B) $f'(x) + \operatorname{sech} x \tanh x$ |
| (C) $f(x) - \operatorname{sech} x \tanh x$ | (D) $f(x) + \operatorname{sech} x \tanh x$ |

السؤال رقم 21 هو تكرار للسؤال رقم 20 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q21.

If $\int f(x)dx = F(x) + C$, then $\frac{d}{dx}(F(x) + \operatorname{sech} x) =$

| | |
|--|--|
| (A) $f'(x) - \operatorname{sech} x \tanh x$ | (B) $f'(x) + \operatorname{sech} x \tanh x$ |
| (C) $f(x) - \operatorname{sech} x \tanh x$ | (D) $f(x) + \operatorname{sech} x \tanh x$ |

Q22.

$$\int \frac{8x+2}{\sqrt{2x^2+x+7}} dx =$$

| | |
|---|-------------------------------|
| (A) $\frac{1}{4\sqrt{2x^2+x+7}} + C$ | (B) $4\sqrt{2x^2+x+7} + C$ |
| (C) $\frac{1}{2\sqrt{2x^2+x+7}} + C$ | (D) $2\sqrt{2x^2+x+7} + C$ |

السؤال رقم 23 هو تكرار للسؤال رقم 22 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q23.

$$\int \frac{8x+2}{\sqrt{2x^2+x+7}} dx =$$

| | |
|---|-------------------------------|
| (A) $\frac{1}{4\sqrt{2x^2+x+7}} + C$ | (B) $4\sqrt{2x^2+x+7} + C$ |
| (C) $\frac{1}{2\sqrt{2x^2+x+7}} + C$ | (D) $2\sqrt{2x^2+x+7} + C$ |

Q24.

$$\int_0^3 |4 - 4x| dx =$$

| | | | | |
|-----------|-----------|-----------|----------|------------|
| (A) 20 | (B) 34 | (C) 10 | (D) 4 | (E) -10 |
|-----------|-----------|-----------|----------|------------|

السؤال رقم 25 هو تكرار للسؤال رقم 24 و يجب أن تجيب عليه للحصول على درجته

Q25.

$$\int_0^3 |4 - 4x| dx =$$

| | | | | |
|-----------|-----------|-----------|----------|------------|
| (A) 20 | (B) 34 | (C) 10 | (D) 4 | (E) -10 |
|-----------|-----------|-----------|----------|------------|